

Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Ильшат Ринатович Мухаметзянов

Должность: директор

Дата подписания: 14.07.2023 09:36:08

Уникальный программный модуль:

aba80b84033c9ef196388e9ea0434f90a83a40954ba770e84bcbe64f02d1d8d0

Федеральное государственное образовательное учреждение

высшего образования «Казанский национальный исследовательский

технический

университет им. А.Н. Туполева-КАИ»

(КНИТУ-КАИ)

Чистопольский филиал «Восток»

МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ К ПРАКТИЧЕСКИМ ЗАНЯТИЯМ
по дисциплине
ПРОГРАММИРОВАНИЕ И ОСНОВЫ АЛГОРИТИЗАЦИИ

Индекс по учебному плану: **Б1.О.12.02**

Направление подготовки: **09.03.01 Информатика и вычислительная техника**

Квалификация: **Бакалавр**

Профиль подготовки: **Автоматизированные системы обработки информации и управления**

Типы задач профессиональной деятельности: **проектный, производственно-технологический**

Рекомендовано УМК ЧФ КНИТУ-КАИ

Чистополь
2023 г.

Практическое занятие 1

Функции

Задача 1. Составить определение функции $F(X) = \sqrt{X}$ с погрешностью не более 0.00001.

Решение. Используем итерационную формулу Ньютона (см. задачу 2.3 6). Для вычисления квадратного корня $k = 2$, поэтому

$$Y_0=1, Y_{n+1} = (Y_n + X / Y_n) / 2.$$

```
/* Программа 8.1. Функция F(x) = квадратный корень (x) */
#include <math.h>

float F (float x)

{ float y; /*последнее приближение функции */ 
  float ypr; /*предыдущее приближение функции */ 
  const float e=0.00001; /* допустимая погрешность */ 
  y = 1;
  do
  { ypr = y;
    y = (ypr + x / ypr) / 2;
  } while (fabs(y-ypr) >= e);
  return y;
}
```

2. Составить определения следующих функций.

а) Расстояние между двумя точками, заданными своими координатами на плоскости.

- б) $\max(x, y)$.
- в) $\min(x, y)$.
- г) $\max(a, b, c)$.
- д) $\min(a, b, c)$.
- е) 1, если заданный символ является латинской буквой, и 0 в противном случае.

ж) 0, если нельзя построить треугольник из трех отрезков заданной длины (каждая сторона треугольника должна быть меньше суммы двух других сторон); 1 - треугольник равносторонний, 2 - равнобедренный, 3 - любой другой.

з) Число Фибоначчи $f(n)$, где $f(0) = 0$, $f(1) = 1$, $f(j) = f(j-1) + f(j-2)$ для целого $j > 1$.

и) Наибольший общий делитель натуральных чисел А и В.

к) Количество десятичных цифр заданного целого числа.

л) Значение числа, полученного выписыванием в обратном порядке десятичных цифр заданного натурального числа.

м) Количество единичных битов в двоичной записи заданного числа типа `unsigned long` (см. задачу 2.44).

н) Ввод и вычисление значения двоичного целого числа.

3. Данна последовательность из 150 действительных чисел. Вычислить сумму и среднее арифметическое значение первых 100 чисел и последующих 50 чисел.

Решение. Составим подпрограмму ввода n чисел и вычисления их суммы s и среднего арифметического значения sa . Входным параметром подпрограммы является n , выходными параметрами - s и sa . Для решения задачи вызовем эту подпрограмму для $n=100$ и $n=50$.

```
/* Программа 8.3. Сумма и среднее арифметическое */  
#include <math.h>  
/* Подпрограмма: s = сумма, sa = среднее арифметич. n чисел */  
void sum_sr (int n, float *s, float *sa)  
{ float x; /* текущее число */  
    int j;  
    *s=0;  
    for (j=0; j<n; j++)
```

```

{   scanf("%f", &x);
    *s = *s + x;
}
*s = *s / n;
}

void main()
{
    float sum1, sum2, sr1, sr2;
    sum_sr (100, &sum1, &sr1);
    sum_sr (50, &sum2, &sr2);
    printf ("%f %f %f %f", sum1, sr1, sum2, sr2);
}

```

4. Составить подпрограммы для решения следующих задач.

- а) Поменять местами значения переменных x, y.
- б) Значения переменных x, y, z поменять местами так, чтобы оказалось $x \geq y \geq z$.

в) Вычислить длину окружности, площадь круга и объем шара одного и того же заданного радиуса.

г) Вычислить площадь и периметр прямоугольного треугольника по длинам двух катетов.

д) Звездочками '*' нарисовать на экране прямоугольник с заданной шириной и высотой, например, шириной 7 и высотой 4 символа:

```

*****
*
*
*****

```

е) Для квадрата ABCD на плоскости даны координаты XA, YA, XC, YC диагонально расположенных вершин A и C. Вычислить координаты вершин B и D.

ж) Вывод заданного целого числа в двоичной системе счисления.

3) Вывод заданного целого числа в шестнадцатеричной системе счисления.

5. Пусть p , q , r - целочисленные беззнаковые переменные. Составить подпрограммы для решения следующих задач.

а) Упаковка. Поместить младшие 3 бита переменной p в младшие 3 бита переменной r , а младшие 6 битов переменной q - в следующие 6 битов переменной r без изменения остальных битов.

б) Распаковка. Присвоить младшим битам переменной p младшие 3 бита переменной r , а младшим битам переменной q - следующие 6 битов переменной r . Остальные биты p и q обнулить.

Практическое занятие 2

Рекурсивные функции

Задача: Дано n различных натуральных чисел. Напечатать все перестановки этих чисел

```
#include <conio.h>
#include <iostream.h>
#include <stdlib.h>
#include <stdio.h>
#include <string.h>
int n,ks;
char in[30];
char pr;
void recurs(int n){
    if (n!=ks/2){
        pr=in[n];
        in[n]=in[(ks-1)-n];
        in[(ks-1)-n]=pr;
        recurs(n+1);
    }
}
void main(){
    clrscr();
    cout << "Введите слово":";
    cin >> in;
    ks=0;
    ks=strlen(in);
    n=0;
    recurs(0);
    cout << "\n" << in;
    getch();
```

}

1. Найдите сумму цифр заданного натурального числа, используя рекурсивную подпрограмму.

2. Подсчитать количество цифр в заданном натуральном числе, используя рекурсивную подпрограмму.

3. Описать функцию $C(m,n)$, где $0 \leq m \leq n$, для вычисления биномиального коэффициента C_n^m по следующей формуле:

$$C_n^0 = C_n^n = 1; C_n^m = C_{n-1}^m + C_{m-1}^{m-1} \text{ при } 0 < m < n$$

используя рекурсивную подпрограмму

4. Описать рекурсивную функцию $\text{Root}(f, b, \epsilon)$, которая методом деления отрезка пополам находит с точностью ϵ корень уравнения $f(x) = 0$ на отрезке $[a, b]$ (считать, что $\epsilon > 0$, $a < b$, $f(a) \cdot f(b) < 0$ и $f(x)$ - непрерывная и монотонная на отрезке $[a, b]$).

5. Описать функцию $\text{min}(x)$ для определения минимального элемента линейного массива x , введя вспомогательную рекурсивную функцию $\text{min1}(k)$, находящую минимум среди последних элементов массива x , начиная с k -го.

6. Описать рекурсивную логическую функцию $\text{Simm}(S, i, j)$, проверяющую, является ли симметричной часть строки S , начинающаяся i -м и кончающаяся j -м ее элементами.

7. Составить программу вычисления наибольшего общего делителя двух натуральных чисел, используя рекурсивную подпрограмму.

8. Составить программу нахождения числа, которое образуется из данного натурального числа при записи его цифр в обратном порядке, используя рекурсивную подпрограмму. Например, для числа 1234 получаем ответ 4321.

9. Составить программу перевода данного натурального числа в p -ичную систему счисления ($2 \leq p \leq 9$), используя рекурсивную подпрограмму.

10. Даны символическая строка, представляющая собой запись

натурального числа в p -ичной системе счисления ($2 \leq p \leq 9$). Составить программу перевода этого числа в десятичную систему счисления , используя рекурсивную подпрограмму.

11. Составить программу вычисления суммы:

$$1! + 2! + 3! + \dots + n! \quad (n \leq 20).$$

Примечание. Тип результата значения функции - long.

12. Составить программу вычисления суммы:

$$2! + 4! + \dots + n! \quad (n \leq 20, \text{ } n \text{ - четное}).$$

Примечание: Тип результата значения функции — long.

Практическое занятие 3

Рекурсивные функции

Ввести строки. Сравнить первые десять символов двух строк. Если они одинаковы, объединить две строки, исключив из второй первые десять символов. В случае отличия первых десяти символов скопировать вторую строку в первую. Посчитать длину исходной и полученной первой строки.

Вариант решения 1.

```
#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include <locale.h>
int main()
{setlocale (LC_CTYPE, "Russian");
char a[200], b[200], rest[200];
char c1[11], c2[11];
printf ("\nСтрока 1: ");
fgets (a, 200, stdin);
if (a[strlen(a) - 1] == '\n')
a[strlen(a) - 1] = '\0';
printf ("\nСтрока 2: ");
fgets (b, 200, stdin);
if (b[strlen(a) - 1] == '\n')
b[strlen(a) - 1] = '\0';
strncpy(c1, a, 10);
strncpy(c2, b, 10);
c1[10] = c2[10] = '\0';
printf ("\nДлина первой строки до изменения:\t, %d", strlen(a));
if (strcmp(c1, c2) == 0)
{
    printf( "\nПервые десять символов совпадают. Копируем вторую
строку в первую\n");
    memcpuy (rest, b+10, strlen(b)-9);}
```

```

        strcat(a, rest);
    }
else
{    printf ( "\nПервые десять символов не совпадают. Объединяем
строки\n");
    strcat(a,b);
}
printf( "\nСтрока 1: %s",a);
printf( "\nДлина первой строки после изменения:\t %d", strlen(a));
getchar();
return 0;
}

```

Вариант решения 2

```

#include <stdio.h>

#include <string.h>

int main()

{
    char a[200], b[200], rest[200];

    char c1[11], c2[11];

    printf ("\nСтрока 1: ");

    fgets (a, 200, stdin);

    if (a[strlen(a) - 1] == '\n')

        a[strlen(a) - 1] = '\0';

    printf ("\nСтрока 2: ");

    fgets (b, 200, stdin);

    if (b[strlen(a) - 1] == '\n')

```

```

b[strlen(a) - 1] = '\0';

strncpy(c1, a, 10);

strncpy(c2, b, 10);

c1[10] = c2[10] = '\0';

printf ("\nДлина первой строки до изменения:\t, %d", strlen(a));

if (strcmp(c1, c2) == 0)

{ printf( "\nПервые десять символов совпадают. Копируем вторую строку
в первую\n");

    memcpy (rest, b+10, strlen(b)-9);

    strcat(a, rest);

}

else

{ printf ( "\nПервые десять символов не совпадают. Объединяем
строки\n");

    strcat(a,b);

}

printf( "\nСтрока 1: %s",a);

printf( "\nДлина первой строки после изменения:\t %d", strlen(a));

return 0;

}

```

1. Ввести предложение, слова в которых разделены пробелами и запятыми. Распечатать это предложение, удалив из него те слова, которые встретились там более одного раза.
2. Даны две символьные строки, состоящие только из цифр (длина каждой более 10 символов). Считая, что в этих строках находятся очень длинные числа, сформировать третью строку- сумму этих чисел.

3. Дан произвольный текст. Отредактировать текст так, чтобы:
 - между словами был ровно один пробел;
 - предложения в тексте разделялись ровно двумя пробелами.
4. Ввести два предложения и распечатать самые длинные слова, общие для этих предложений. Если нужных слов нет - сообщить об этом.

Практическое занятие 4

Структуры

Задача 1: Написать программу поиска сотрудников, имеющих стаж работы в ОВД от 10 до 15 лет, использующая функцию *vvod_dannyh ()* для ввода информации о сотрудниках и функцию *poisk ()* для организации указанного поиска.

```
/*      Программа 1. Обработка структур      */  
  
#include "stdafx.h"  
  
#include <iostream>  
  
using namespace std;  
  
struct sotrudnik {  
  
char Fam [20]; int Nomer_udost; int Stag;};  
  
void vvod_dannyh (sotrudnik *v_point);  
  
void poisk (sotrudnik *p_point);  
  
int main()  
  
{  
  
sotrudnik Sev_ROVD[5], *point;  
  
point=&Sev_ROVD[0];  
  
vvod_dannyh (point);  
  
cout << endl;  
  
cout << "Rezul'taty poiska:" << endl;  
  
poisk (point);  
  
return 0;  
}  
  
void vvod_dannyh (sotrudnik *v_point)  
  
{  
  
for (int i=0; i<5; i++)  
  
{cout << "Vvedite Familiu=";cin >> v_point->Fam;  
cout << "Vvedite Nomer slug. udostovereniay=";  
cin >> v_point->Nomer_udost;
```

```

cout << "Vvedite stag slugby v OVD=";
cin >> v_point->Stag;
v_point++;
}

void poisk (sotrudnik *p_point)
{
int k=0;
for (int i=0; i<5; i++)
{
if (p_point->Stag >= 10 && p_point->Stag <= 15)
{k++;
cout << k << ". "<< p_point->Fam<<"=";
cout <<p_point->Stag<<" let";
cout << endl; }

p_point++;
}
if (k==0)
cout << "Sotrudnikov s ukazamnnym stagem net!"<< endl;
}

```

Задача 2:

a) Реализовать массив структур (*Priem*), содержащий сведения об абитуриентах, поступающих в Вуз. Структура *abiturient* имеет следующие поля: фамилию абитуриента (*Fam*), его имя (*Imay*) и отчество (*Otch*), год рождения (*God_rogd*), номер аттестата о среднем образовании (*Nomer_at*), средний балл аттестата (*Sr_ball*), оценка по трем вступительным экзаменам (*Rus, Math, Inf*), контактный телефон (*Tel*). Размер массива не более 25 элементов.

б) Вывести на экран информацию об абитуриентах, набравших не менее 13 баллов по результатам сдачи вступительных экзаменов. Информацию представить в виде таблицы, имеющей следующие столбцы:

фамилия, имя и отчество абитуриента; сумма баллов, набранная на вступительных экзаменах; средний балл аттестата.

Задача 3:

а) Реализовать массив структур (*Biblio*), содержащий сведения о книгах, находящихся в библиотечном фонде Вуза. Структура *kniga* имеет следующие поля: автор книги (*Fio*), название книги (*Name*), год издания (*God_izd*), издательство (*Izdat*), количество экземпляров (*Kol_vo*), название дисциплины, в которой используется книга (*Predmet_name*), шифр книги (*Kod*). Размер массива не более 25 элементов.

б) Вывести на экран информацию о книгах, имеющихся в библиотеке, не позже 2003 года издания. Информацию представить в виде таблицы, имеющей следующие столбцы: автор книги; название, год издания, количество экземпляров.

Практическое занятие 5

Работа с файлами

1. Подсчитать, количество в данном файле f символов «А».
2. Подсчитать, в данном файле f количество сочетаний КАИ.
3. Распечатать все строки данного файла, содержащие заданную строку в качестве подстроки. Имя файла и сама строка задаются пользователем с клавиатуры.
4. Реализовать программу, которая определяет какой символ чаще других встречается в заданном файле. Имя файла задается пользователем
5. Реализовать программу, которая определяет сколько имеется строк, состоящих из одного, двух, трех и т.д. символов, содержится в данном файле. Считать, что длина каждой строки - не более 80 символов. Имя файла задается пользователем
6. Реализовать программу, которая определяет самую длинную строку в данном файле. Если таких строк несколько, то в качестве результата вывести первую из них. Имя файла задается пользователем.
7. Имеются два непустых файла. Вывести номер строки и номер символа в строке, в котором имеется отличие содержимое одного файла от содержимого второго файла . Если их содержимое абсолютно одинаково , то вывести на экран 0 и соответствующее сообщение; если один из этих файлов можно считать началом другого, то вывести соответствующее сообщение и - n+1, 1, где n - количество строк в более коротком файле. Данные файлы задаются своими именами пользователем с командной строки.
8. Имеется непустой файл, в котором содержится последовательность целых чисел . Имя файла задается пользователем в командной строке.
 - вывести наибольшее из этих чисел;
 - вывести, количество четных чисел, которые содержатся в файле;
 - c) вывести, образуется ли из этих чисел арифметическая прогрессия;
 - d) вывести, являются ли эти числа возрастающей последовательностью;

е) вывести количество чисел последовательности, которые являются точными квадратами;

9. Написать программу, определяющую, какая из строк чаще других встречается в данном файле.

Практическое занятие 6

Функции доступа к файлам

Список функций для работы с файловыми потоками хранится в библиотеке (заголовочном файле) fstream.h. Поэтому во всех рассматриваемых ниже фрагментах программ предполагается, что в начале программы есть соответствующая директива #include:

`#include <fstream.h>`

Создание потока ввода-вывода

Прежде чем начать работать с потоком необходимо его создать. Поток ввода создается инструкцией

`ifstream <имя потока ввода>;`

Поток вывода создается инструкцией

`ofstream <имя потока вывода>;`

Пример:

`ifstream input;`

`ofstream output;`

эти инструкции создают поток ввода `input` и поток вывода `output`.

Открытие и закрытие файла

После создания потока его можно подключить к файлу (открыть файл) инструкцией

`<имя потока>.open (<имя файла>);`

Здесь `<имя файла>` - текстовая константа или переменная.

Например, для подключения потока ввода ifstream с именем `input` к файлу `data.txt` надо выполнить инструкцию

`input.open ("data.txt");`

Аналогичная инструкция

`output.open ("data.txt");`

подключит поток вывода `output` к файлу `data.txt` – файл подготовлен к записи данных. Важно отметить, что при выполнении оператора подготовки файла к записи, прежние данные из файла `data.txt` будут удалены.

Для отключения потока ввода-вывода от файла надо выполнить инструкцию закрытия файла:

<имя потока>.close();

Так, инструкции

input.close();

output.close();

отключают потоки ввода input и вывода output от файла data.txt, к которому они были подключены в предыдущих примерах. При закрытии файла вывода в конец файла записывается метка конца end_of_file.

Обработка ошибок

При выполнении операций над файлами, например, открытие и закрытие файлов, достаточно высока вероятность возникновения ошибочных ситуаций.

Один из простейших способов контроля корректности выполнения файловых операций заключается в вызове функции

<имя потока>.fail()

например,

input.fail()

Эта инструкция выполняется как вызов булевой функции, которая возвращает значение false (0), если последняя операция с потоком input завершилась успешно и возвращает значение true (1), если последняя операция с потоком input привела к ошибке (например, была попытка открытия несуществующего файла). В случае возникновения ошибки поток может быть поврежден, поэтому работу с ним продолжать нельзя.

Распознать ошибку можно и с помощью перегруженной операции отрицания. Выражение *!<имя потока>* также принимает значение false (0), если последняя операция с потоком завершилась успешно и принимает значение true (1), если последняя операция с потоком привела к ошибке.

Пример:

ifstream input;

```
input.open ("data.txt");
if(!input) exit(1); // завершение работы программы
```

функция exit() описана в библиотеке stdlib.h.

Чтение-запись символов в файл

После того, как файл открыт для ввода данных, из него можно считывать отдельные символы. Чтение текущего символа из потока ввода выполняется инструкцией

```
<имя потока>.get(<имя переменной>);
```

Например, после выполнения инструкции input.get(ch); произойдет следующее: переменной ch будет присвоено значение текущего символа (шаг 1), и поток input будет подготовлен для чтения следующего символа (шаг 2).

Аналогично после того, как файл открыт для вывода данных, в него можно записывать отдельные символы. Запись символа в поток вывода выполняется инструкцией

```
<имя потока>.put(<имя переменной>);
```

Например, после выполнения инструкции output.put(ch); произойдет следующее: в поток output будет помещено значение символьной переменной ch (шаг 1), и поток output будет подготовлен для записи следующего символа (шаг 2). Вместо имени переменной можно указать значение выводимого в поток символа: инструкция output.put('t'); выводит в поток output символ 't'.

При чтении данных из файла (из потока ввода, связанного с файлом) необходимо уметь определять конец файла. В C++, как и в Паскале, для этой цели используется функция eof(). Логическое выражение <имя потока>.eof() принимает значение true (1), если конец файла достигнут и значение false (0), если можно продолжать чтение.

Пример (посимвольное чтение данных из файла и вывод на экран):

```
#include <iostream.h>
#include <fstream.h>
#include <stdlib.h>
void main()
```

```

{
    char ch;
    ifstream input;
    input.open("a:/text.txt");
    if(!input)
        {cout << "\nmistake of open\n"; exit(1);} //Ошибка открытия файла
    while (!input.eof()){
        input.get(ch); //чтение очередного символа
        cout <<ch; //вывод символа на экран
    }
    input.close();
}

```

Ввод-вывод с преобразованием типов

Для того чтобы программа могла работать с числовыми данными, которые записаны в текстовом файле, необходимо при вводе выполнять преобразование символьной записи чисел (внешнее представление) в их внутреннее представление в памяти компьютера, т.е. выполнять преобразование типов данных при вводе. Аналогично при выводе на экран числа должны преобразовываться из внутреннего (двоичного) во внешнее представление. В Паскале такое преобразование автоматически выполнялось операторами ввода-вывода (**read/write**).

В C++ преобразование числовых данных из внешнего (символьного) представления во внутреннее (двоичное) выполняет оператор **>>**. Обратное преобразование выполняет оператор **<<**. Эти операторы мы уже использовали при работе со стандартными потоками ввода-вывода **cin** и **cout**.

Инструкция ввода данных из потока ввода с преобразованием типов выглядит так:

поток ввода >>переменная >>переменная ... >>переменная;

Например,

input >>a >>b >>c;

Аналогично выглядит инструкция вывода данных из потока вывода с преобразованием типов:

поток вывода <<выражение <<выражение ... <<выражение;

Например,

*output <<a <<b+c <<2*m[5];*

Пример (вывод-ввод в файл числовой последовательности):

```
#include <iostream.h>
#include <fstream.h>
#include <stdlib.h>
void main()
{
    int n, a;
    cout <<"\ninput n: "; cin >>n;
    ifstream input;
    ofstream output;
    output.open ("D:/data.txt");
    if(!input)
        {cout <<"\nmistake of open\n"; exit(1);}//Ошибка открытия файла
    for (int i=1; i<=n; i++){
        cout <<"\ninput next number: "; cin >>a;
        output <<a;
        if (i!=n) output <<' '; // output.put(' ')
    }
    output.close ();
    input.open ("D:/data.txt");
    input >>a;
    while (!input.eof()){
        cout <<a <<' '; input >>a;
    }
}
```

```
    input.close();  
}  
}
```

При выводе в текстовый файл чисел необходимо предусмотреть разделитель. В приведенном примере в качестве разделителя в файл выводится пробел.

Чтение символьных строк из потока ввода

Для ввода строк из потока ввода (например, с клавиатуры) пригоден оператор `>>`, но его применение ограничено, поскольку этот оператор считает пробелы разделителями. Допустим, в программе содержатся операторы:

```
char name[20];  
  
cout << "/ninput name: ";  
  
cin >> name;
```

Если в сеансе работы с программой в ответ на запрос

input name:

ввести текст: **Петя Иванов**, переменной `name` будет присвоено только значение “Петя”, т.к. оператор `>>` считает пробел разделителем, который сигнализирует о завершении ввода значения.

Очевидно, использовать здесь посимвольный ввод с помощью рассмотренной выше функции `get` тоже неудобно.

Для ввода символьных строк часто более удобной оказывается функция `getline(...)`, имеющая 2 параметра:

`<имя потока>. getline(<имя строковой переменной>, n);`

Здесь **n** - длина строки без учета нуль-символа ‘\0’.

Например, оператор:

```
input.getline(str, 80);
```

позволяет считать из потока ввода `input` строку с пробелами длиной до 79 символов (последний, 80-й символ строки – служебный нуль-символ). Аналогичный оператор `cin.getline(str, 80);` позволяет получить такую же строку от пользователя с клавиатуры.

Практическая работа 7

Графы

Граф - это пара (V,E) , где V - конечное непустое множество вершин, а E - множество неупорядоченных пар (u,v) вершин из V , называемых ребрами. Ребро $s=(u,v)$ соединяет вершины u и v . Ребро s и вершина u (а также s и v) называются **инцидентными**, а вершины u и v **смежными**. Степень вершины равна числу инцидентных ей ребер.

Ориентированный граф, или **орграф**, (V,E) отличается от обычного графа тем, что E - это множество упорядоченных пар (u,v) вершин, называемых дугами. Дуга (u,v) ведет от вершины u к вершине v . Вершина u называется **предшественником** v , а вершина v - **преемником** u . Графы представляются в программе чаще всего в виде **матрицы смежности** или **матрицы инцидентности**.

'0 1 2 3 4 5 6	'a b c d e
--+-----	--+-----
0 0 1 1 0 0 0 0	0 1 1 0 0 0
1 1 0 1 0 0 0 0	1 1 0 1 0 0
2 1 1 0 1 0 0 0	2 0 1 1 1 0
3 0 0 1 0 0 0 0	3 0 0 0 1 0
4 0 0 0 0 0 0 0	4 0 0 0 0 0
5 0 0 0 0 0 0 1	5 0 0 0 0 1
6 0 0 0 0 0 1 0	6 0 0 0 0 1

а) матрица смежности

б) матрица инцидентности

В матрице смежности 1 на пересечении i -й строки и j -го столбца означает, что вершины i и j смежны, а в матрице инцидентности – что вершина i и ребро j инцидентны. Для орграфа элемент матрицы смежности $g[i][j]=1$, если есть дуга $i \rightarrow j$.

Описание на Си графа, представленного в виде матрицы смежности:

int g[NMAX][NMAX];

где NMAX - это константа, задающая максимальное число вершин в графе.

Граф, представленный в виде матрицы инцидентности, можно описать так:

```
int g[NMAX][RMAX];
```

где RMAX - константа, задающая максимальное число ребер в графе (зависит от максимального числа вершин NMAX :
RMAX=NMAX*(NMAX-1)/2, если граф без петель).

Здесь ребра пронумерованы, начиная с 0.

Внешнее представление графа может отличаться от внутреннего.

Например, граф можно задать в виде количества вершин и последовательности ребер, где каждое ребро - пара смежных вершин:

Задача

Задан граф без петель в виде количества вершин $n \leq 7$ и матрицы смежности. Сформировать для этого графа матрицу инцидентности.

Программа

```
#include <stdio.h>
#include <conio.h>

/* Глобальные данные */
#define NMAX 7 /* максимальное число вершин графа */
#define RMAX 21 /* максимальное число ребер */
int g1 [NMAX][NMAX], /* матрица смежности */
      g2 [NMAX][RMAX], /* м-ца инцидентности */
      n, /* количество вершин */
      k; /* количество ребер */

/* функция ввода матрицы смежности */
void VVOD_MATR_SM ()
{
    /* Глобальные данные: g1,n */
    { int i,j; /* параметры циклов */
        printf ("Введите матрицу смежности:\n\n");
    }
```

```

printf (" | ");
for (j=0; j<n; j++) printf ("%d ",j);
putchar ('\n');
for (i=0; i<2*n+2; i++) putchar ('-');
for (i=0; i<n; i++)
{ printf ("\n%d| ",i);
  for (j=0; j<n; j++) scanf ("%d",&g1[i][j]);
}
putchar ('\n');
}

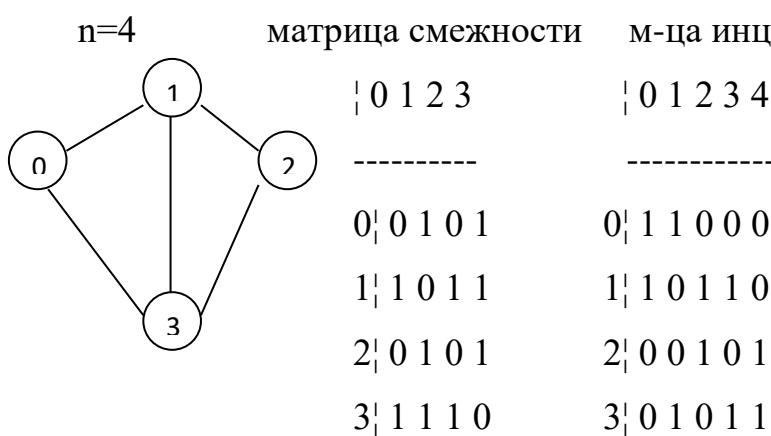
/*   функция вывода матрицы инцидентности   */
void VIVOD_MATR_IN ()
/* Глобальные данные: g2,n,k */
{
int i,l ; /* параметры циклов */
printf ("Матрица инцидентности\n\n");
printf (" | ");
for (l=0; l<k; l++) printf ("%d ",l);
putchar ('\n');
for (i=0; i<2*k+2; i++) putchar ('-');
for (i=0; i<n; i++)
{ printf ("\n%d| ",i);
  for (l=0; l<k; l++)
    if (l<10) printf ("%d ",g2[i][l]);
    else printf ("%d ",g2[i][l]);
}
putchar ('\n');
}

/*   главная функция   */
void main()
{ int i,j,l; /* индексы элементов матриц g1,g2 */

```

```
printf ("\nВведите количество вершин:");
scanf ("%d",&n);
VVOD_MATR_SM(); /* ввод матрицы смежности g1 */
/* Формировавание матрицы инц-ти g2 */
/* Обнулять м-цу g2 не нужно, т.к. глобальные и статические
 массивы автоматически инициализируются нулем ! */
k=0;
for (i=0; i<n; i++)
    for (j=i; j<n; j++)
        if (g1[i][j])
            { g2[i][k]=1;
              g2[j][k]=1;
              k++;
            }
VIVOD_MATR_IN(); /* вывод G2 */
getch();
}
```

Тесты



2. Граф, изображенный на рис.1а. $n=NMAX=7$. Вид матрицы смежности см. на рис.2а. Ожидаемый результат: матрица инцидентности, приведенная на рис. 2б (только индексы столбцов цифровые).

3. Полный граф (все вершины смежны между собой), число вершин максимальное.

Исходные данные:

$n=7$, матрица смежности:

| 0 1 2 3 4 5 6

0| 0 1 1 1 1 1 1

1| 1 0 1 1 1 1 1

2| 1 1 0 1 1 1 1

3| 1 1 1 0 1 1 1

4| 1 1 1 1 0 1 1

5| 1 1 1 1 1 0 1

6| 1 1 1 1 1 1 0

Ожидаемый результат:

матрица инцидентности:

| 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20

0| 1 1 1 1 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0

1| 1 0 0 0 0 0 1 1 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0

2| 0 1 0 0 0 0 1 0 0 0 1 1 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0

3| 0 0 1 0 0 0 0 1 0 0 1 0 0 0 1 1 1 0 0 0 0 0 0 0

4| 0 0 0 1 0 0 0 0 1 0 0 1 0 0 1 0 0 1 0 0 1 1 0

5| 0 0 0 0 1 0 0 0 0 1 0 0 1 0 0 1 0 1 0 1 0 1 0 1

6| 0 0 0 0 0 1 0 0 0 0 1 0 0 0 1 0 0 1 0 0 1 0 1 1

4. В графе нет ребер.

Исходные данные:

$n=3$ м-ца смежности

| 0 1 2

Ожидаемый результат:

м-ца инцидентности

|

--

0 0 0 0	0
1 0 0 0	1
2 0 0 0	2

Задания

1. Задан граф в виде количества вершин $n \leq 10$ и последовательности ребер (каждое ребро задается парой смежных вершин). Получить матрицу смежности.

- а) Напечатать матрицу смежности. Проверить, есть ли в графе петли.
- б) Напечатать матрицу смежности. Проверить, есть ли в графе вершины, не смежные с другими.
- в) Напечатать для каждой вершины номера смежных вершин.
- г) Проверить, есть ли в графе вершина, смежная со всеми другими вершинами.
- д) Определить степень каждой вершины графа.
- е) Напечатать номера вершин со степенью 1.

2. Задан орграф в виде количества вершин $n \leq 10$ и последовательности дуг (дуга задается парой “предшественник преемник”).

- а) Напечатать номера вершин, имеющих более двух преемников.
- б) Напечатать номера вершин, не имеющих предшественников.
- в) Для каждой вершины напечатать номера всех предшественников.
- г) Проверить, есть ли в графе вершины, имеющие только одного преемника.

3. Задан орграф в виде количества вершин $n \leq 10$ и матрицы смежности.

- а) Напечатать номера вершин, имеющих и предшественников и преемников.
- б) Напечатать список дуг орграфа.
- в) Напечатать номер вершины, имеющей наибольшее число преемников.

4. Задан граф без петель в виде количества вершин $n \leq 7$, количества ребер $k \leq 21$ и матрицы инцидентности.

- а) Для каждой вершины напечатать список инцидентных ей ребер.
- б) Определить наибольшее число смежных между собой ребер, инцидентных одной и той же вершине.
- в) Проверить, есть ли вершины со степенью 0.
- г) Напечатать номера вершин, инцидентных только одному ребру.

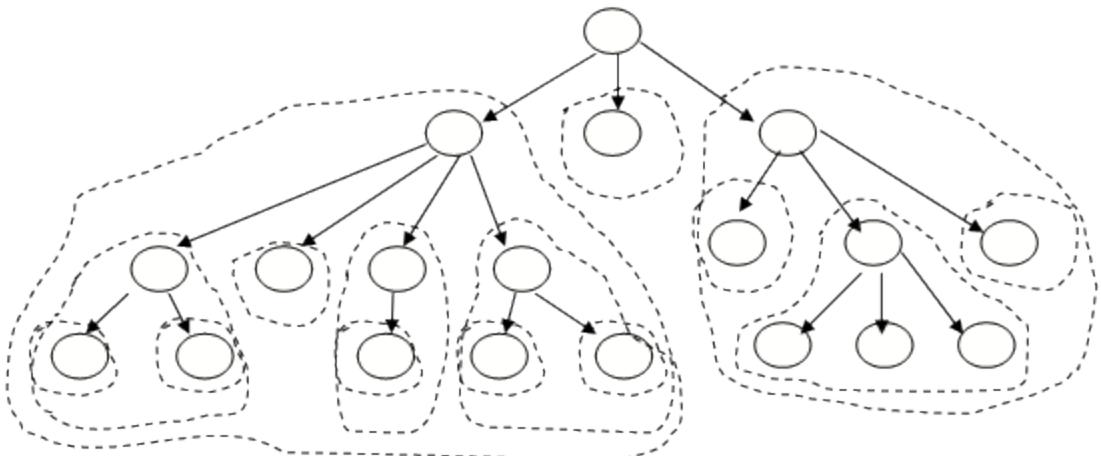
Деревья

Структуры данных типа “дерево” широко используются в программной индустрии. В отличие от списковых структур деревья можно назвать **нелинейными** структурами. Любое дерево состоит из элементов – узлов или вершин, которые по определенным правилам связаны друг с другом. В списковых структурах за текущей вершиной (если она не последняя) всегда следует **только одна** вершина, тогда как в древовидных структурах таких вершин может быть **несколько**. Для дерева определена **единственная** начальная вершина (**корень** дерева) и **множество** конечных (терминальных) вершин (**листьев**). От корня к листьям существует **множество** путей, тогда как в списках (линейных структурах!) путь всегда один.

Математически дерево рассматривается как частный случай графа, в котором отсутствуют замкнутые пути (циклы). Исторически сложилось так, что при описании деревьев используется «генеалогическая» терминология, основанная на понятиях **«родительская»** вершина (parent node) и **«дочерние»** вершины или вершины-«**потомки**» (childnode).

Разветвляющаяся структура дерева затрудняет его формальное определение и здесь на выручку приходит понятие **рекурсии**. Дерево является типичным примером **рекурсивно определённой структуры** данных, поскольку оно определяется в терминах самого себя. Как известно, рекурсия позволяет сводить **сложный** объект к набору более **простых** объектов той же природы. Дерево с N вершинами сводится к **набору** деревьев с **меньшим** числом вершин, каждое из них точно так же сводится к **своему** набору поддеревьев с еще меньшим числом вершин, до тех пор, пока не будут получены **простейшие** деревья с 1 или 0 вершин.

На рисунке ниже показано сведение дерева с 19 вершинами к трем поддеревьям с 10, 1 и 7 вершинами, каждое из которых сводится к своему набору своих поддеревьев. Например, самое большое поддерево с 10 вершинами сводится к четырем поддеревьям с 3, 1, 2 и 3 вершинами.



Формальное рекурсивное определение дерева с базовым типом Т задается двумя правилами:

- это либо **пустое** дерево (не содержащее ни одного узла)
- либо некоторая **вершина** типа Т, с которой связано **конечное** число деревьев с тем же базовым типом Т, называемых **поддеревьями**

Существует много **разновидностей** деревьев, но, пожалуй, две самые **важные** разновидности возникают в зависимости от **числа** возможных **потомков** у каждой вершины:

Если у **КАЖДОЙ** вершины может быть **не более двух** потомков (т.е. два, один или ноль), то такие деревья называют **двоичными** (бинарными).

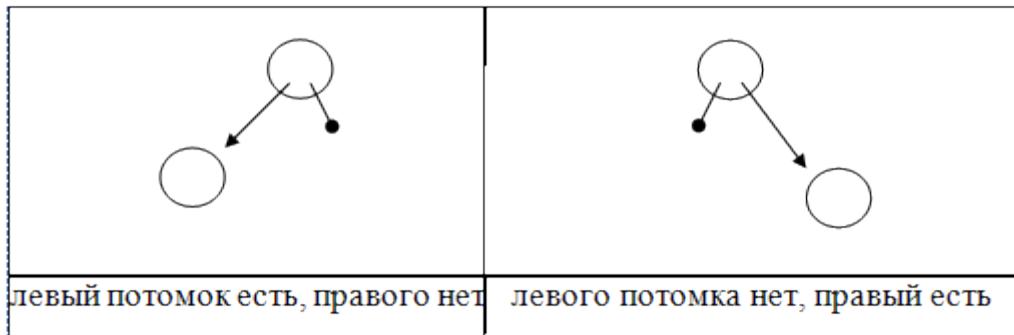
Если число потомков у вершины может быть **любым** (естественно – не бесконечным), то дерево называется **недвоичным** или **сильноветвящимся**.



Двоичные деревья имеют большое самостоятельное значение, например – при эффективной организации поисковых операций. Кроме того, двоичные деревья являются одним из способов представления недвоичных деревьев. Поэтому в дальнейшем сначала будут рассмотрены именно двоичные деревья, а затем – недвоичные.

Еще одной разновидностью деревьев являются **упорядоченные** деревья: для них важен **порядок** следования потомков. Для таких деревьев вводится понятие **левый** и **правый** потомок (для двоичных деревьев) или более левый/правый (для недвоичных деревьев).

Пример двух **разных** упорядоченных двоичных деревьев:



При использовании деревьев часто встречаются такие понятия как **путь** между начальной и конечной вершиной (последовательность проходимых ребер или вершин), **высота** дерева (наиболее длинный путь от корневой вершины к терминальным).

Далее рассмотрим общие вопросы, связанные с реализацией **двоичных упорядоченных** деревьев. Каждая вершина такого дерева должна иметь следующие поля:

-одно или несколько **информационных** полей, содержащих обрабатываемые данные (если эти данные достаточно большие по объему, можно рассмотреть вопрос об их **отдельном** от вершины хранении с адресацией соответствующими указателями)

-связующее поле для указания возможного **левого** потомка

-связующее поле для указания возможного **правого** потомка

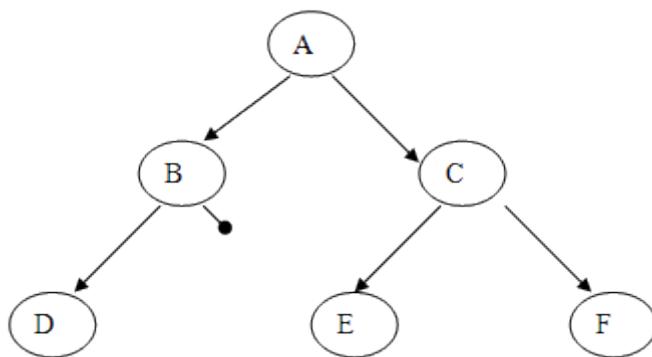
Отсюда следует, что вершина дерева описывается как **запись/структура** с набором необходимых полей. Все вершины одного дерева имеют одну и ту же структуру (однотипны). Двоичное дерево, аналогично линейным структурам, можно реализовать **двумя** способами:

-на основе **массива записей** (статическая или непрерывная реализация)

-на базе механизма динамического распределения памяти и указательных переменных (динамическая реализация)

В первом случае записи-вершины являются элементами массива, **индексируются** порядковыми номерами и связующие поля у каждой вершины должны содержать **номера** ячеек, где находятся левый и правый потомок этой вершины. Если потомка нет, соответствующее связующее поле должно содержать некоторый **фиктивный** индекс (например 0 при индексации элементов в массиве с 1, или -1 при индексации с 0). Для использования такой структуры надо знать индекс размещения в массиве корневой вершины. По умолчанию самое простое – разместить корень в первой ячейке массива.

Пример. Дано небольшое двоичное дерево с символьными элементами:



Тогда его размещение в массиве может выглядеть так:

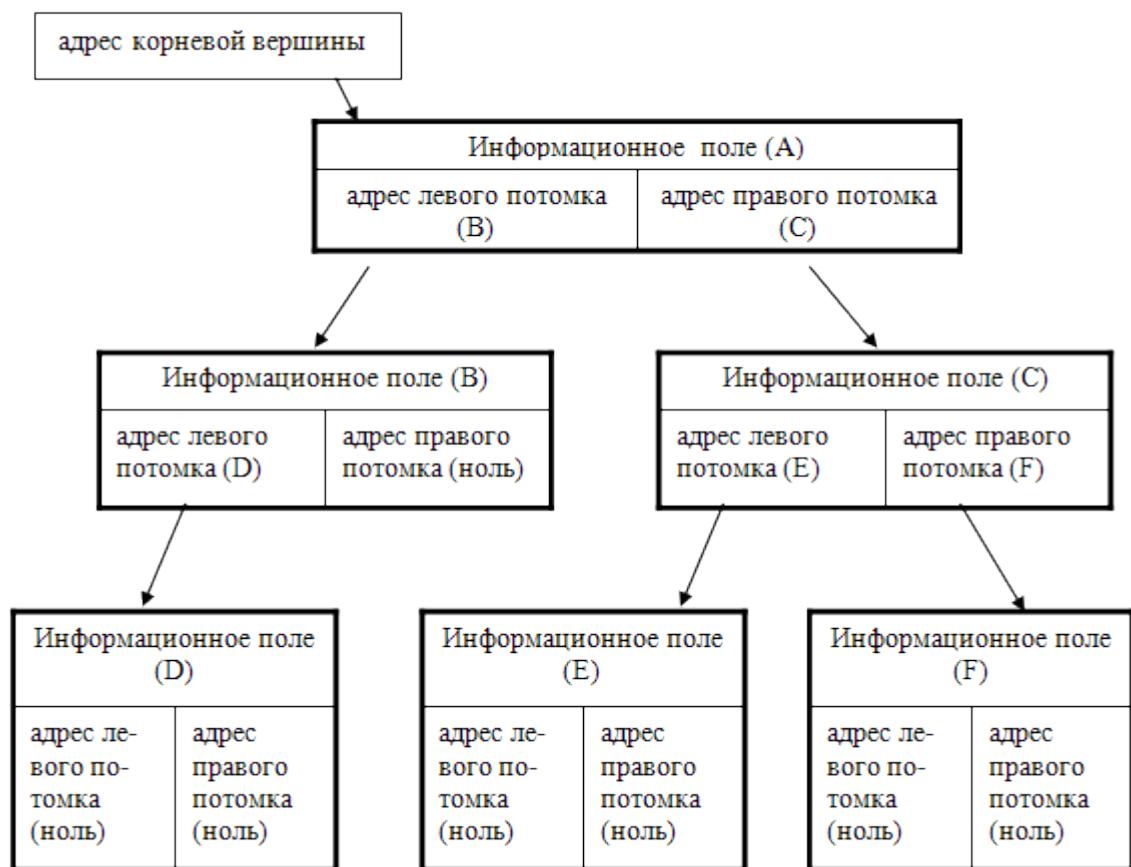
Индекс	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Информационное поле	A		C	B	F	E		D	
Индекс левого потомка	4		6	8	0	0		0	
Индекс правого потомка	3		5	0	0	0		0	

Однако чаще двоичные деревья реализуются **динамически**. В этом случае его вершины размещаются в динамически распределяемой памяти и связующие поля содержат **адреса** потомков. Если потомка нет – адресное поле содержит **пустое** (нулевое) значение. Отсюда следует, что у терминальных вершин оба адресных поля нулевые. Это, кстати, один из недостатков динамической реализации: примерно половина вершин в

двоичном дереве являются терминальными и у всех них адресные поля нулевые.

Для доступа к дереву достаточно знать адрес размещения в памяти корневой вершины (аналогично адресу первого элемента списка).

Например, рассмотренное выше дерево с шестью вершинами в динамической реализации можно условно показать так:



Для динамической реализации необходимы **стандартные объявления**:

- описание **структур** вершин дерева с двумя **обязательными** указательными полями (в Паскале для этого необходим указательный тип)
- описание одной **основной** указательной переменной для адресации **корневой** вершины

Паскаль	Си
<pre> type pTreeNode = ^TTreeNode; TTreeNode = record info : char; left : pTreeNode; </pre>	<pre> struct TreeNode { char info; struct TreeNode *left; struct TreeNode *right; </pre>

```
right : pTreeNode;
};

struct TreeNode *pRoot;

var pRoot : pTreeNode;
```

Тогда пустое дерево просто определяется установкой переменной pRoot в нулевое значение (например – **nil**).

Основные операции с двоичными деревьями:

- обход всех вершин дерева в некотором порядке (общая операция)
- добавление новой вершины как потомка заданной вершины
- удаление заданной вершины
- поиск заданной вершины

Последние три операции имеют разную реализацию в зависимости от типа дерева (обычное двоичное дерево или специальное поисковое дерево).

Список литературы

1. Немцова, Т. И. Программирование на языке высокого уровня. Программирование на языке C++ : учебное пособие / Т.И. Немцова, С.Ю. Голова, А.И. Терентьев ; под ред. Л.Г. Гагариной. — Москва : ФОРУМ : ИНФРА-М, 2023. — 512 с. + Доп. материалы [Электронный ресурс]. — (Среднее профессиональное образование). - ISBN 978-5-8199-0699-6. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1916204> (дата обращения: 28.06.2023). – Режим доступа: по подписке.
2. Рейзлин, В. И. Язык C++ и программирование на нём : учебное пособие / В. И. Рейзлин. — 3-е изд., перераб. — Томск : ТПУ, 2021. — 206 с. — ISBN 978-5-4387-0975-6. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/246239> (дата обращения: 28.06.2023). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
3. Ефимова Ю.В. Программирование на языке высокого уровня: Практикум. - Казань: Изд-во Казан. гос. техн. ун-та, 2012. - 32 с.
4. Чукич, И. Функциональное программирование на C++ : учебное пособие / И. Чукич ; перевод с английского В. Ю. Винника, А. Н. Киселева. — Москва : ДМК Пресс, 2020. — 360 с. — ISBN 978-5-97060-781-7. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/140597> (дата обращения: 28.06.2023). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
5. Программирование на языке Си/А.В.Кузин, Е.В.Чумакова - М.: Форум, НИЦ ИНФРА-М, 2015. - 144 с. - Режим доступа: <http://znanium.com/bookread2.php?book=505194>
6. Язык Си: кратко и ясно: Учебное пособие / Д.В. Парфенов. - М.: Альфа-М: НИЦ ИНФРА-М, 2014. - 320 с. - Режим доступа: <https://znanium.com/read?id=356040>
7. Программирование графики на C++. Теория и примеры : учеб. пособие / В.И. Корнеев, Л.Г. Гагарина, М.В. Корнеева. — М. : ИД «ФОРУМ»

: ИНФРА-М, 2017. — 517 с. - Режим доступа:

<http://znanium.com/bookread2.php?book=562914>

8. Программирование на языке C++: Учебное пособие / Т.И. Немцова,

С.Ю. Голова, А.И. Терентьев; Под ред. Л.Г. Гагариной. - М.: ИД ФОРУМ:

ИНФРА-М, 2012. - 512 с. - Режим доступа:

<http://znanium.com/bookread2.php?book=244875>