Документ подписан простой электронной подписью Информация о владельце:

ФИО: Алибаев Тимур Лазовин НИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ Должность: Ректор КНИТУ-КАЙ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Дата подписания: 14.07.2023 09:03:20

Уникальныфедоральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего се18e3553e80ba3a20ba3bahия «Казанский национальный исследовательский технический

университет им. А.Н. Туполева-КАИ» (КНИТУ-КАИ)

Чистопольский филиал «Восток»

УТВЕРЖДЕНО: Ученым советом КНИТУ-КАИ (в составе ОП ВО)

#### РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

#### дисциплины

Б1.О.07.01 Линейная алгебра и аналитическая геометрия (индекс и наименование дисциплины по учебному плану) Квалификация: бакалавр\_\_\_ (бакалавр, специалист, инженер, магистр) Форма обучения: очная, заочная (очная, очно-заочная, заочная) Направление подготовки / специальность 09.03.01 Информатика и вычислительная техника (код и наименование направления подготовки / специальности) Направленность (профиль) Автоматизированные системы обработки информации и управления

(наименование профиля, специализации, магистерской программы)

Чистополь 2023 г.

Рабочая программа дисциплины разработана в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки 09.03.01 Информатика и вычислительная техника, утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от «19» сентября 2017 г. № 929.

Разработчик:			1
Иванов Н.М., к.фм.н., доцент			A
(ФИО, ученая степень, ученое звание)		$\frac{-\sqrt{t}}{(nod)}$	пись)
Рабочая программа утверждена на от <u>\$1.05.1013</u> , протокол № <del>У</del> .	заседании	кафедры	ЕНД
Заведующий кафедрой ЕНД Парфенова Е.Л., к.фм.н., доцент		Hah	D.
(ФИО, ученая степень, ученое звание)		Kingo	пись)

Posovos massas				
Рабочая программа дисциплины (модуля)	Наименование подразделения	Дата	№ протокола	Подпись
ОДОБРЕНА	Кафедра КиТС	26.05. 2023	8	В.И. Классен
ОДОБРЕНА	УМК филиала	30.05. 2023	4	председатель УМК С.Г. Прохоров
СОГЛАСОВАНА	Научно- техническая библиотека	-	_	Библиотекарь УМиВО М.А. Тугашова

### 1 ИСХОДНЫЕ ДАННЫЕ И КОНЕЧНЫЙ РЕЗУЛЬТАТ ИЗУЧЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

### 1.1 Цель изучения дисциплины

Целью изучения дисциплины является получение базовых знаний по линейной алгебре и аналитической геометрии, необходимых для решения задач, возникающих в практической деятельности. Развитие логического мышления. Формирование необходимого уровня математической подготовки для понимания других математических дисциплин.

### 1.2 Задачи дисциплины

Основными задачами изучения дисциплины являются:

- 1. Освоение основных математических понятий линейной алгебры и аналитической геометрии;
- 2. Умение решать типовые задачи, приобретение навыков работы со специальной математической литературой;
- 3. Умение использовать математический аппарат алгебры и геометрии для решения теоретических и прикладных задач.

### 1.3 Место дисциплины в структуре ОП ВО

Дисциплина «Линейная алгебра и аналитическая геометрия» входит в состав обязательной части Блока 1

### 1.4 Объем дисциплины и виды учебной работы

Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся представлены в таблице 1.1

Таблица 1.1, a – Объем дисциплины (модуля) для очной формы обучения

•	-01	Ві	иды уч	чебног	й рабоп	пы, в т	і.ч. про	рводим	ње с и	спольз	вовани	ем ЭО	и ДОТ
	Жонтактная работа обучающихся с преподавателем по видам учебных занятий (аудиторная работа):				за- чающегося (внеаудиторная				-				
Семестр	Общая трудоемкость дисци дуля), в ЗЕ/час	Лекции	Лабораторные работы	Практические занятия	Курсовая работа (консульта- ция, защита)	Курсовой проект (консуль- тации, защита)	Консультации перед экзаме- ном	Контактная работа на про- межуточной аттестации	Курсовая работа (подготов-	Курсовой проект (подготов-	Проработка учебного материала (самоподготовка)	Подготовка к промежуточ- ной аттестации	Форма промежуточной атте- стации
Семестр 1	5 3E/180	32	1	32				0,35			80	35,65	экзамен
Итого	5 3E/180	32	•	32	-	-	-	0,35	-	-	80	35,65	

Таблица 1.1,  $\delta$  – Объем дисциплины (модуля) для заочной формы обучения

		Виды учебной работы, в т.ч. проводимые с использованием ЭО и Д							и ДОТ				
дисциплины /час		Контактная работа обучающихся с преподавателем по видам учебной работы (аудиторная работа)					Самостоятельная работа обучающегося (внеаудиторная работа)						
Kypc	Общая трудоемкость др (модуля), в з.е./ч	Лекции	Лабораторные работы	Практические занятия	Курсовая работа (консульта- ция, защита)	Курсовой проект (консуль- тации, защита)	Консультации перед экзаме- ном	Контактная работа на про- межуточной аттестации	Курсовая работа (подготов- ка)	Курсовой проект (подготов- ка)	Проработка учебного материала (самоподготовка)	Подготовка к промежуточ- ной аттестации	Форма промежуточной атте- стации
1 курс	5 3E/180	4		6				0,35			161	8,65	экзамен
Итого	5 3E/180	4		6				0,35			161	8,65	

### 1.5 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование компетенций, представленных в таблице 1.2.

Таблица 1.2 – Формируемые компетенции

		•	
Код компе- тенции	Наименование компетенции	Индикаторы достижения ком- петенций	Средства оценки
УК-1	поиск, критический анализ и синтез информации, применять систем-	ИД-1 <sub>Ук-1</sub> . Знает методики сбора и обработки информации; актуальные российские и зарубежные источники информации в сфере профессиональной деятельности; метод системного анализа	устный опрос на занятии
		ИД-2 <sub>УК-1</sub> . Применяет методики поиска, сбора и обработки информации; осуществлять критический анализ и синтез информации, полученной изразных источников	отчет по лабораторной работе, устный опрос на занятии
		ИД-3 <sub>УК-1</sub> . Владеет методами поиска, сбора и обработки, критического анализа и синтеза информации; методикой системного подхода для решения поставленных задач	устный опрос на занятии, тестирование, экзамен
ОПК-1	Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математи-	ИД-1 <sub>ОПК-1</sub> . Знает основы математики, физики, вычислительной техники и программирования	
	лирования, теоретиче-	ИД-2 <sub>ОПК-1</sub> Умеет решать стандартные профессиональные задачи с применением естественнонаучных и обще-инженерных знаний, методов математического анализа и моделирования.	отчет по лабораторной работе, устный опрос на занятии

 <u> </u>	T
ИД-3 <sub>ОПК-1</sub> . Владеет навы-	
ками теоретического и	
экспериментального ис-	устный опрос на занятии,
следования объектов	тестирование, экзамен
профессиональной дея-	
тельности	

### 2 СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

### 2.1 Структура дисциплины (модуля)

Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам), с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий приведены в таблице 2.1.

Таблица 2.1 – Разделы дисциплины и виды занятий

Наименование разделов дисциплины	Всего (час)	Контакті ющихся по видам	Самостоятельная работа (прора- ботка учебного материала), выпол- нение курсовой работы /проекта, подготовка и ПА, самоподготовка.			
		Лекции	Лаборатор- ные работы	Практиче- ские занятия	Самостоятельна ботка учебного м нение курсовой подготовка и ПА	
1 cen	иестр					
1 Линейная алгебра	90	20	-	20	50	
2 Аналитическая геометрия	54	12	-	12	30	
Курсовая работа/проект	_	_	-	-	-	
Промежуточная аттестация	36	_	-	-	36	
Итого за семестр	180	32	-	32	116	
Итого по дисциплине	180	32	-	32	116	

### 2.2 Содержание разделов дисциплины (модуля)

### 1 Линейная алгебра

Определитель и элементарные преобразования. Построение определителя разложением по столбцу. Определитель транспонированной матрицы. Вычисление определителя разложением по строке. Алгебра матриц. Обратная матрица и формулы Крамера. Построение обратной матрицы элементарными преобразованиями. Преобразование координат при замене базиса. Ранг матрицы. Теорема о ранге матрицы. Векторная запись системы уравнений. Теорема Кронекера-Капелли о совместности системы линейных уравнений. Размерность пространства решений однородной системы линейных уравнений. Структура множества решений системы линейных уравнений. Теорема о выборе главных и свободных неизвестных. Метод Гаусса решения систем линейных уравнений. Решение систем линейных уравнений со ступенчатой матрицей системы. Общее решение систем линейных уравнений. Главные и свободные неизвестные. Геометрическая интерпретация систем линейных уравнений в случае двух или трех неизвестных. Ненулевые решения однородной системы уравнений. Матрица линейного оператора. Преобразование матрицы линейного оператора при замене базиса. Собственные

векторы и собственные значения линейного оператора. Приведение матрицы линейного оператора к диагональному виду. Характеристический многочлен линейного оператора. О корнях характеристического многочлена линейного оператора. Свойства собственных векторов с одинаковыми и различными собственными значениями. Формула линейного функционала. Матрица билинейной формы. Матрица симметричной билинейной формы. Преобразование матрицы билинейной формы при замене базиса. Единственность симметричной билинейной формы, порождающей квадратичную форму. Критерий Сильвестра положительной определенности квадратичной формы. Закон инерции для квадратичных форм.

#### 2 Аналитическая геометрия

Прямоугольная система координат на плоскости. Расстояние между точками. Деление отрезка в данном отношении. Векторы. Равенство векторов. Координаты вектора. Сложение векторов. Умножение вектора на число. Разложение вектора плоскости по двум неколлинеарным векторам. Скалярное произведение векторов. Разложение вектора по трем некомпланарным векторам. Векторное произведение векторов. Смешанное произведение векторов. Общее уравнение прямой на плоскости. Условие параллельности и перпендикулярности прямых. Параметрическое и каноническое уравнения прямой. Расстояние от точки до прямой. Преобразование координат точки при замене системы координат. Общее уравнение плоскости. Условие параллельности и перпендикулярности плоскостей. Уравнение прямой в пространстве. Взаимное расположение прямой и плоскости, двух прямых. Кривые второго порядка. Поверхности второго порядка.

### 2.3 Курсовая работа

Курсовая работа по дисциплине «Линейная алгебра и аналитическая геометрия» учебным планом не предусмотрена.

### 3 ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Текущий контроль успеваемости обеспечивает оценивание хода освоения дисциплины (модуля).

Промежуточная аттестация обеспечивает оценивание промежуточных результатов обучения по дисциплине (модулю).

Комплект оценочных материалов представляет собой совокупность оценочных средств (комплекс заданий различного типа с ключами правильных ответов, включая критерии оценки), используемых при проведении оценочных процедур (текущего контроля, промежуточной аттестации) с целью оценивания достижения обучающимися результатов обучения по дисциплине (модулю).

Комплект оценочных материалов (текущего и промежуточного контроля), необходимых для оценивания результатов освоения дисциплины (модуля) представлен в виде отдельного документа по дисциплине (модулю) и хранится на кафедре-разработчике в бумажном или электронном виде.

### 3.1 Оценка успеваемости обучающихся

Текущий контроль успеваемости и промежуточная аттестация по дисциплине (модулю) осуществляется в соответствии с балльно-рейтинговой системой по 100-балльной шкале. Пересчет суммы баллов в традиционную оценку представлен в таблице 3.1.

Таблица 3.1. Шкала оценки на промежуточной аттестации

D	C=====================================	C=
Выражение в баллах	Словесное выражение	Словесное выражение
	при форме промежуточной	при форме промежуточной
	аттестации - зачет	аттестации – экзамен, зачет
		с оценкой
от 86 до 100	Зачтено	Отлично
от 71 до 85	Зачтено	Хорошо
от 51 до 70	Зачтено	Удовлетворительно
до 51	Не зачтено	Неудовлетворительно

#### 4 ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

### 4.1 Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

### 4.1.1 Основная литература

- 1. Сборник задач по математике для вузов .В 4-х ч. Ч.1. :учебное пособие для втузов / Под ред. А. Ефимова.- М.: Физматлит, 2003.
- 2. Линейная алгебра и аналитическая геометрия. [Электронный ресурс] Учебное пособие. / Заболотский В.С., НИЦ ИНФРА-М, 2022. 309 с. (https://znanium.com/catalog/document?id=399250)

### 4.1.2 Дополнительная литература

- 1. Сборник индивидуальных заданий по высшей математике. Учебное пособие в 3-х частях. /Под ред. А.П. Рябушко. 6 издание, Айрис-пресс, 2007.
- 2. Линейная алгебра и аналитическая геометрия. [Электронный ресурс] Учебное пособие. / Ледовская Е.В, Академия водного транспорта Российского университета транспорта, 2017. 103 с. https://znanium.com/catalog/document?id=328362

### 4.1.3 Методическая литература к выполнению практических и/или лабораторных работ

1. Методические указания для выполнения практических работ по дисциплине «Линейная алгебра и аналитическая геометрия» в электронном виде (библиотека ЧФ КНИТУ-КАИ).

## 4.1.4 Перечень информационных технологий и электронных ресурсов, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю)

Организовано взаимодействие обучающегося и преподавателя с использованием электронной информационно-образовательной среды КНИТУ-КАИ.

1. Иванов Н.М. «Линейная алгебра и аналитическая геометрия» [Электронный ресурс]: курс дистанционного обучения по направлению подготовки бакалавров 09.03.01 «Информатика и ВТ» / КНИТУ-КАИ, Казань, 2017 — Доступ по логину и паролю. URL: https://bb.kai.ru:8443/webapps/blackboard/execute/content/blankPage?cmd=view&cont ent\_id=\_226845\_1&course\_id=\_12358\_1 Идентификатор курса 17\_Chistopol\_NMIvanov

# 4.1.5 Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», профессиональных баз данных, информационно-справочных систем, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю)

- 1. Электронно-библиотечная система учебной и научной литературы. URL: https://e.lanbook.com/.
- 2. Электронно-библиотечная система учебной и научной литературы. URL: http://znanium.com/.
- 3. Электронно-библиотечная система учебной и научной литературы. URL: https://urait.ru/.
- 4. Научно-техническая библиотека КНИТУ-КАИ. URL: https://kai.ru/web/naucno-tehniceskaa-biblioteka.
- 5. Единое окно доступа к информационным ресурсам. URL: http://window.edu.ru.

### 4.2 Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля) и требуемое программное обеспечение

Описание материально-технической базы и программного обеспечения, необходимого для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю) приведено соответственно в таблицах 4.1 и 4.2.

Таблица 4.1 – Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)

Наименование вида учебных занятий	Наименование учебной аудитории, специализированной лаборатории	Перечень необходимого оборудования и технических средств обучения
Лекционные занятия	Учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, семинарского типа, консультаций, текущего контроля, промежуточной аттестации	Учебная мебель: столы, стулья для обучающихся; стол, стул для преподавателя, доска. Аудитория, оснащенная комплексом технических средств обучения (проектор или интерактивная доска, компьютер, система звукового сопровождения отображаемых видеоматериалов)
Практические занятия	компьютерный класс	Учебная мебель: столы, стулья для обучающихся; стол, стул для преподавателя, доска.
Самостоятельная работа	Аудитория для самостоятельной работы	Библиотечный фонд: печатные издания и ЭБС рабочие места, оборудованные ПЭВМ с выходом в интернет (Wi-Fi), МФУ, принтер

Помещение для самостоятель-	Учебная мебель: столы, стулья для
ной работы	обучающихся; стол, стул для препо-
	давателя, доска.
	Аудитория, оснащенная комплексом
	технических средств обучения (про-
	ектор или интерактивная доска, ком-
	пьютер, система звукового сопровож-
	дения отображаемых видеоматериа-
	лов)

Таблица 4.2 — Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение, в том числе отечественного производства, используемое при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

	<u> </u>		
<b>№</b> п/п	Наименование программного обеспечения	Производитель	Способ распространения (лицензионное или свободно распространяемое)
1	Microsoft Windows		Лицензионное
2	Microsoft Office		Лицензионное

### 5 ОСОБЕННОСТИ РЕАЛИЗАЦИИ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ) ДЛЯ ЛИЦ С ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ И ИНВА-ЛИДОВ

Обучение по дисциплине (модулю) обучающихся с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов осуществляется с учетом особенностей психофизического развития, индивидуальных возможностей и состояния здоровья таких обучающихся.

Обучение лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов организуется как совместно с другими обучающимися, так и в отдельных группах.

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусмотрены дополнительные оценочные материалы, перечень которых указан в таблице 5.1.

Таблица 5.1 – Дополнительные материалы оценивания для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Категории обучающихся	Виды дополнительных оценочных ма-	Формы контроля и оценки
Категории обучающихся	териалов	результатов обучения
С нарушениями слуха	Тесты, контрольные работы, письмен-	Преимущественно пись-
	ные самостоятельные работы, вопросы	менная проверка
	к зачету (экзамену)	
С нарушениями зрения	Устный опрос по терминам, собеседо-	Преимущественно устная
	вание по вопросам к зачету (экзамену)	проверка (индивидуально)
С нарушениями опорно-	Решение дистанционных тестов, кон-	Преимущественно дистан-
двигательного аппарата	трольные работы, письменные самосто-	ционными методами
	ятельные работы, вопросы к зачету (эк-	
	замену)	

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусматривается доступная форма предоставления заданий оценочных средств, например:

- в печатной форме;
- в печатной форме с увеличенным шрифтом;
- в форме электронного документа;
- методом чтения ассистентом задания вслух;
- предоставление задания с использованием сурдоперевода.

Лицам с ограниченными возможностями здоровья и инвалидам увеличивается время на подготовку ответов на контрольные вопросы. Для таких обучающихся предусматривается доступная форма предоставления ответов на задания, а именно:

- письменно на бумаге;
- набор ответов на компьютере;
- набор ответов с использованием услуг ассистента;
- представление ответов устно.

При необходимости для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения может проводиться в несколько этапов.

Учебно-методические материалы для самостоятельной и аудиторной работы обучающихся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации.

Освоение дисциплины (модуля) лицами с ограниченными возможностями здоровья и инвалидами осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения.

При занятиях с обучающимися **с нарушениями слуха** предусмотрено использование звукоусиливающей аппаратуры, мультимедийных средств и других технических средств приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы преподавания для обучающихся с инвалидностью, портативной индукционной системы. Учебная аудитория, в которой занимаются обучающиеся с нарушением слуха, оборудована компьютерной техникой, аудиотехникой, видеотехникой, электронной доской, мультимедийной системой.

При занятиях с обучающимися **с нарушениями** зрениями предусмотрено использование в лекционных и учебных аудиториях возможности просмотра удаленных объектов (например, текста на доске или слайда на экране) при помощи видеоувеличителей для комфортного просмотра.

При занятиях с обучающимися **с нарушениями опорно-двигательного аппарата** используются альтернативные устройства ввода информации и другие технические средства приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы обучения для людей с инвалидностью.

### ЛИСТ РЕГИСТРАЦИИ ИЗМЕНЕНИЙ

Изменения, вносимые в рабочую программу дисциплины (модуля)

_				, 🗸 )
<b>№</b> п/п	№ раздела внесения изменений	Дата внесения изме- нений	Содержание изменений	«Согласовано» заведующий кафед- рой, реализующей дисциплину